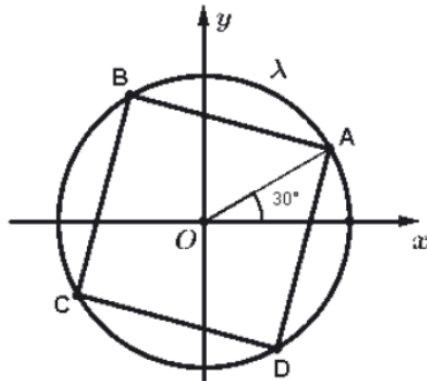




COMPLEXOS

QUESTÃO 1 (EsPCEEx 2018)

No plano complexo, temos uma circunferência λ de raio 2 centrada na origem. Sendo ABCD um quadrado inscrito à λ , de acordo com a figura abaixo, podemos afirmar que o número complexo que representa o vértice B é



- (A) $-\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$.
- (B) $-\sqrt{3} - i$.
- (C) $-1 + \sqrt{3}i$.
- (D) $-\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i$.
- (E) $-\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{1}{2}i$.

QUESTÃO 2 (AFA 2018)

Considere, no plano de Argand-Gauss, os números complexos A e B, sendo $\bar{A} = x - 2i$, $x \in \mathbb{R}$ e $\bar{B} = 1 + i$

Se no produto $A \cdot B$ tem-se $\text{Re}(A \cdot B) \geq \text{Im}(A \cdot B)$, então, sobre todos os números complexos A, é correto afirmar que

- (A) seus afijos formam uma reta.
- (B) nenhum deles é imaginário puro.
- (C) o que possui menor módulo é o que tem o maior argumento principal.
- (D) existe A tal que $|A| = |B|$

QUESTÃO 3 (CBM-SE 2018)

O produto entre os números complexos $z_1 = 3\sqrt{2}(\cos 45^\circ + i \cdot \text{sen} 45^\circ)$ e $z_2 = 2 + i$, é igual a:

- (A) $3 + 9i$
- (B) $9 + 3i$
- (C) $9 - 3i$
- (D) $-3 + 9i$

QUESTÃO 4 (ITA 2017)

O lugar geométrico das soluções da equação $x^2 + bx + 1 = 0$, quando $|b| < 2$, $b \in \mathbb{R}$, é representado no plano complexo por

- (A) dois pontos.
- (B) um segmento de reta.
- (C) uma circunferência menos dois pontos.
- (D) uma circunferência menos um ponto.
- (E) uma circunferência.

QUESTÃO 5 (ITA 2017)

As raízes do polinômio $1 + z + z^2 + z^3 + z^4 + z^5 + z^6 + z^7$, quando representadas no plano complexo, formam os vértices de um polígono convexo cuja área é

- (A) $\frac{\sqrt{2} - 1}{2}$.
- (B) $\frac{\sqrt{2} + 1}{2}$.
- (C) $\sqrt{2}$.
- (D) $\frac{3\sqrt{2} + 1}{2}$.
- (E) $3\sqrt{2}$.

QUESTÃO 6 (IME 2017)

Determine o valor de a na expressão abaixo, sabendo-se que $0 < a < 1$,

$$\frac{1}{16} \log_a 256^{\text{colog}_{(a^2)} 256^{\log_{(a^4)} 256 - \text{colog}_{(a^{2^{65}})} 256}} = \text{Im}\{Z\}$$

onde Z é um número complexo que satisfaz a equação:
 $2^{4033} z^2 - 2^{2017} z + 1 = 0$.

Obs: $\text{Im}(Z)$ é a parte imaginária do número complexo Z .

- (A) $1/4$.
- (B) $1/8$
- (C) $1/16$
- (D) $1/32$
- (E) $1/64$

QUESTÃO 7 (EsPCEX 2017)

Seja a igualdade $\frac{a}{3} - \frac{b}{5} i = \left(\cos \frac{\pi}{6} + i \sin \frac{\pi}{6} \right)^4$, onde i é a unidade imaginária. Se a e b são números reais, então o quociente a/b é igual a

- (A) $\frac{\sqrt{3}}{5}$.
- (B) $\frac{3\sqrt{3}}{5}$.
- (C) $-\frac{3\sqrt{3}}{5}$.
- (D) $-\frac{\sqrt{3}}{5}$.
- (E) $\frac{15\sqrt{3}}{4}$.

QUESTÃO 8 (EFOMM 2017)

Resolvendo o sistema $\begin{cases} |z-2|=|z+4| \\ |z-3|+|z+3|=10 \end{cases}$, para z complexo, encontramos como solução

- (A) $-1 + \frac{8\sqrt{6}}{5}i; -1 - \frac{8\sqrt{6}}{5}i$
- (B) $+1 + \frac{8\sqrt{6}}{5}i; +1 - \frac{8\sqrt{6}}{5}i$
- (C) $-1 + \frac{6\sqrt{8}}{5}i; -1 - \frac{6\sqrt{8}}{5}i$
- (D) $+1 + \frac{6\sqrt{8}}{5}i; +1 - \frac{6\sqrt{8}}{5}i$
- (E) $+1 - \frac{8\sqrt{6}}{5}i; -1 - \frac{8\sqrt{6}}{5}i$

QUESTÃO 9 (EN 2017)

Seja z um número complexo e i a unidade imaginária. Determine z de forma que o triângulo de vértices i, z e iz seja equilátero e assinale a opção correta.

- (A) $z = \frac{(\sqrt{3}-\sqrt{2})e^{-\frac{5\pi i}{4}}}{2}$ OU $z = -\frac{(\sqrt{3}+\sqrt{2})e^{\frac{\pi i}{4}}}{2}$
- (B) $z = \frac{(\sqrt{5}+\sqrt{3})e^{\frac{\pi i}{6}}}{2}$ OU $z = -\frac{(\sqrt{5}-\sqrt{3})e^{-\frac{\pi i}{6}}}{2}$
- (C) $z = \frac{(\sqrt{6}+\sqrt{3})e^{-\frac{3\pi i}{4}}}{2}$ OU $z = \frac{(\sqrt{6}-\sqrt{3})e^{\frac{\pi i}{4}}}{2}$
- (D) $z = \frac{(\sqrt{6}-\sqrt{2})e^{\frac{\pi i}{4}}}{2}$ OU $z = \frac{(\sqrt{6}+\sqrt{2})e^{\frac{5\pi i}{4}}}{2}$
- (E) $z = \frac{(\sqrt{3}+\sqrt{2})e^{\frac{11\pi i}{6}}}{2}$ OU $z = -\frac{(\sqrt{3}-\sqrt{2})e^{\frac{\pi i}{6}}}{2}$

QUESTÃO 10 (ITA 2016)

lugar geométrico dos pontos $(a; b) \in \mathbb{R}^2$ tais que a equação, em $z \in \mathbb{C}$,

$$z^2 + z + 2 - (a + ib) = 0$$

possua uma raiz puramente imaginária é

- (A) uma circunferência.
- (B) uma parábola.
- (C) uma hipérbole.
- (D) uma reta.
- (E) duas retas paralelas.

QUESTÃO 11 (ITA 2016)

Considere a equação $(a - b)^{501} = \frac{2(a + bi)}{(a^2 + b^2)^{250} + 1}$.

O número de pares ordenados $(a; b) \in \mathbb{R}^2$ que satisfazem a equação é

- (A) 500.
- (B) 501.
- (C) 502.
- (D) 503.
- (E) 504.

QUESTÃO 12 (EN 2016)

O conjunto S formado por todos os números complexos z que satisfazem a equação $|z-1| = 2|z+1|$ é representado geometricamente por uma

- (A) reta vertical.
- (B) circunferência de centro $(5/3, 0)$ e raio $4/3$.
- (C) parábola com vértice na origem e eixo de simetria $0x$.
- (D) elipse de centro $(-3, 0)$ e eixo maior horizontal.
- (E) circunferência de centro $(-5/3, 0)$ e raio $4/3$.

QUESTÃO 13 (IME 2016)

Sejam x, y e z números complexos que satisfazem ao sistema de equações abaixo:

$$\begin{cases} x + y + z = 7 \\ x^2 + y^2 + z^2 = 25 \\ \frac{1}{x} + \frac{1}{y} + \frac{1}{z} = \frac{1}{4} \end{cases}$$

O valor da soma $x^3 + y^3 + z^3$ é:

- (A) 210
- (B) 235
- (C) 250
- (D) 320
- (E) 325

QUESTÃO 14 (IME 2016)

Sejam Z_1 e Z_2 números complexos tais que Z_2 é imaginário puro e $|Z_1 - Z_2| = |Z_2|$. Para quaisquer valores de Z_1 e Z_2 que atendam a essas condições tem-se que:

- (A) $\text{Im}(Z_2) > 0$
- (B) $\text{Im}(Z_2) \leq 0$
- (C) $|Z_1| \leq 2|Z_2|$
- (D) $\text{Re}(Z_1) \geq 0$
- (E) $\text{Re}(Z_1) \leq \text{Im}(Z_2)$

QUESTÃO 15 (EsPCEX 2016)

As três raízes da equação $x^3 - 6x^2 + 21x - 26 = 0$ são m, n e p . Sabendo que m e n são complexas e que p é uma raiz racional, o valor de $m^2 + n^2$ é igual a

- (A) -18
- (B) -10
- (C) 0
- (D) 4
- (E) 8

QUESTÃO 16 (EsPCEX 2016)

Sejam z e v números complexos onde $|z|=1$ e v tem coordenadas no plano de Argand-Gauss $(\sqrt{2}/2, \sqrt{2}/2)$. Sobre o número complexo z e v (resultante da multiplicação dos complexos z e v), podemos afirmar que

- (A) sempre é um número real.
- (B) sempre tem módulo igual a 2.
- (C) sempre é um número imaginário puro.
- (D) pertence à circunferência $x^2 + y^2 = 1$
- (E) sempre tem argumento igual a $\pi/4$

QUESTÃO 17 (AFA 2015)

Considere no Plano de Argand-Gauss os números complexos $z = x + yi$, onde $i = \sqrt{-1}$ e cujos afixos são os pontos $P(x, y) \in \mathbb{R}^2$

Dada a equação $(z - 1 + i)^4 = 1$, sobre os elementos que compõem seu conjunto solução, é **INCORRETO** afirmar que

- (A) apenas um deles é imaginário puro.
- (B) todos podem ser escritos na forma trigonométrica.
- (C) o conjugado do que possui maior argumento é $1 + 2i$
- (D) nem todos são números imaginários.

QUESTÃO 18 (EsPCEX 2015)

Se $(1+i) \left(\cos \frac{\pi}{12} + i \sin \frac{\pi}{12} \right) = x + iy$, em que i é a unidade imaginária e x e y são números reais, o valor de $\sqrt{3} \cdot x + y$ é

- (A) $\sqrt{6}$
- (B) $\sqrt{3}$
- (C) $\sqrt{2}/2$
- (D) $3\sqrt{6}$
- (E) $\sqrt{3}/2$

QUESTÃO 19 (ITA 2015)

Considere o polinômio p com coeficientes complexos definido por

$$p(z) = z^4 + (2 + i)z^3 + (2 + i)z^2 + (2 + i)z + (1 + i).$$

Podem os afirmar que

- (A) nenhuma das raízes de p é real.
- (B) não existem raízes de p que sejam complexas conjugadas.
- (C) a soma dos módulos de todas as raízes de p é igual a $2 + \sqrt{2}$.
- (D) o produto dos módulos de todas as raízes de p é igual a $2\sqrt{2}$.
- (E) o módulo de uma das raízes de p é igual a $\sqrt{2}$.

QUESTÃO 20 (ITA 2015)

Considere as afirmações a seguir: I. Se z e w são números complexos tais que $z - iw = 1 - 2i$ e $w - z = 2 + 3i$, então $z^2 + w^2 = -3 + 6i$. II. A soma de todos os números complexos z que satisfaz em $2|z|^2 + z^2 = 4 + 2i$ é igual a zero. III. Se $z = 1 - i$, então $z^{59} = 229(-1 + i)$. É (são) verdadeira(s)

- (A) apenas I.
- (B) apenas I e II.
- (C) apenas I e III.
- (D) apenas II e III.
- (E) I, II e III.

QUESTÃO 21 (EN 2015)

Considere os números complexos da forma $z_n = \rho \operatorname{cis}((17 - n) \cdot \pi/50)$, com $n \in \mathbf{N}^*$. O menor número natural n , tal que o produto $Z_1 \cdot Z_2 \cdot \dots \cdot Z_n$ é um número real positivo, é igual a

- (A) 8
- (B) 16
- (C) 25
- (D) 33
- (E) 50

QUESTÃO 22 (EFOMM 2015)

O número complexo, $z = |z| \cdot (\cos \theta + i \cdot \operatorname{sen} \theta)$, sendo i a unidade imaginária e $0 \leq \theta \leq 2\pi$, que satisfaz a inequação $|z + 3i| \leq 2$ e que possui o menor argumento θ , é

(A) $z = -\frac{5}{3} - \frac{2\sqrt{5}}{3}i$

(B) $z = -\frac{5}{3} + \frac{2\sqrt{5}}{3}i$

(C) $z = -\frac{2\sqrt{5}}{3} - \frac{5}{3}i$

(D) $z = -\frac{2\sqrt{5}}{3} + \frac{5}{3}i$

(E) $z = -2\sqrt{5} + 5i$

QUESTÃO 23 (EFOMM 2015)

Seja o número complexo $z = -1 - \sqrt{3}i$ onde i é a unidade imaginária. O valor de z^8 é:

- (A) $z = 256 \left(\cos \frac{4\pi}{3} + i \operatorname{sen} \frac{4\pi}{3} \right)$
- (B) $z = 256 \left(\cos \frac{\pi}{3} + i \operatorname{sen} \frac{\pi}{3} \right)$
- (C) $z = 256 \left(\cos \frac{5\pi}{3} + i \operatorname{sen} \frac{5\pi}{3} \right)$
- (D) $z = 256 \left(\cos \frac{2\pi}{3} + i \operatorname{sen} \frac{2\pi}{3} \right)$
- (E) $z = 256 (\cos 2\pi + i \operatorname{sen} 2\pi)$

QUESTÃO 24 (EN 2014)

Desenha-se no plano complexo o triângulo T com vértices nos pontos correspondentes aos números complexos Z_1, Z_2, Z_3 , que são raízes cúbicas da unidade. Desenha-se o triângulo S , com vértices nos pontos correspondentes aos números complexos W_1, W_2, W_3 , que são raízes cúbicas de $24\sqrt{3}$. Se A é a área de T e B é a área de S , então

- (A) $B = 12A$
- (B) $B = 18A$
- (C) $B = 24A$
- (D) $B = 36A$
- (E) $B = 42A$

QUESTÃO 25 (EN 2014)

Se \bar{z} é o conjugado do número complexo z , então o número de soluções da equação $z^2 = \bar{z}$ é

- (A) 0
- (B) 1
- (C) 2
- (D) 3
- (E) 4

QUESTÃO 26 (EN 2014)

Sabendo que z é o número complexo $z = \frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$, qual o menor inteiro positivo n , para o qual o produto $z.z^2.z^3 \dots z^n$ é um real positivo?

- (A) 1
- (B) 2
- (C) 3
- (D) 4
- (E) 5

QUESTÃO 27 (EFOMM 2014)

Considere o número complexo $z_1 \neq 1$, tal que z_1 seja solução da equação $z^6 = 1$, com menor argumento positivo. A solução z_2 da mesma equação, cujo argumento é o triplo do argumento de z_1 , é igual a

- (A) $\frac{1}{2} + i\frac{\sqrt{3}}{2}$.
- (B) $-\frac{1}{2} + i\frac{\sqrt{3}}{2}$.
- (C) -1.
- (D) $-\frac{1}{2} - i\frac{\sqrt{3}}{2}$.
- (E) $\frac{1}{2} - i\frac{\sqrt{3}}{2}$.

QUESTÃO 28 (EsPCEEx 2014)

A representação geométrica, no Plano de Argand-Gauss, do conjunto de pontos que satisfazem a condição $|z + 2 - 3i| = |z - 1 + 4i|$, com $z = x + yi$, sendo x e y números reais, é reta de equação

- (A) $2x - 3y + 7 = 0$.
- (B) $3x - 7y - 2 = 0$.
- (C) $2x - 3y + 3 = 0$.
- (D) $4x - 3y + 3 = 0$.
- (E) $2x - y = 0$.

QUESTÃO 29 (EsPCEEx 2014)

Se o polinômio $p(z) = z^2 + bz + c$, com b e c sendo constantes reais, tem uma raiz complexa $z = 3e^{i\theta}$, onde $\theta = \arccos 1/3$, então $p(1)$ é igual a:

- (A) 2.
- (B) 3.
- (C) 4.
- (D) 6.
- (E) 8.

QUESTÃO 30 (EsFCEEx 2014)

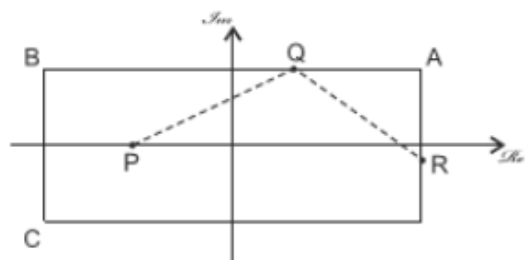
Se z é um número complexo cujas potências z, z^2, z^3, \dots formam, no plano complexo, o conjunto dos vértices de um hexágono, então as potências de z^2 e de z^5 formam, respectivamente, os conjuntos dos vértices de:

- (A) um triângulo, e de um segmento.
- (B) um triângulo, e de um hexágono.
- (C) um quadrilátero, e de um pentágono.
- (D) um quadrilátero, e de um hexágono.
- (E) um pentágono, e de um segmento.

QUESTÃO 31 (EsFCEX 2014)

Seja z um número complexo e denote por $\exp(z)$ a exponencial de z . Podemos afirmar que todos os valores de z tais que $\exp(2z - 1) = 1$ são:

- (A) $1/2$.
- (B) $1/2 + 2k\pi i, k \in \mathbb{Z}$.
- (C) $1/2 + k\pi i, k \in \mathbb{Z}$.
- (D) $\ln(1/2) + 2k\pi i, k \in \mathbb{Z}$.
- (E) $\ln(1/2) + k\pi i, k \in \mathbb{Z}$.

QUESTÃO 32 (PM-BA 2014)

Os pontos A, B, C e D representam, no plano complexo, os vértices de uma mesa de sinuca, retangular, de lados paralelos aos eixos coordenados e cujo centro O coincide com a origem do referido sistema de coordenadas. Após uma tacada na direção de $z = 1 + i$, uma bola colocada no ponto P segue até Q, na lateral dessa mesa, indo, em seguida, até R. Sabendo-se que a bola se desvia com o mesmo ângulo com que incide e que os pontos A e P são afijos dos números complexos $z_1 = 3 + 2i$ e $z_2 = -1/2$, respectivamente, pode-se afirmar que o ponto R é afixo de um número complexo cujo argumento principal θ é tal que

- (A) $6\text{tg}\theta = -1$
- (B) $6\text{tg}\theta = 1$
- (C) $3\text{tg}\theta = -2$
- (D) $2\text{tg}\theta = 3$
- (E) $3\text{tg}\theta = 4$

QUESTÃO 33 (ITA 2014)

Se $z = \left(\frac{1 + \sqrt{3}i}{1 - \sqrt{3}i} \right)^{10}$, então o valor de $2 \arcsen(\text{Re}(z)) + 5 \arctg(2 \text{Im}(z))$ é igual a

- (A) $-2\pi/3$.
- (B) $-\pi/3$.
- (C) $2\pi/3$.
- (D) $4\pi/3$.
- (E) $5\pi/3$.

QUESTÃO 34 (AFA 2014)

Considere os números complexos

$$z_1 = x - i, z_2 = \frac{1}{2}i, z_3 = -1 + 2i \text{ e } z_4 = x + yi \text{ em que } x \in \mathbb{R}, y \in \mathbb{R}^+, \text{ e } i^2 = -1$$

e as relações:

$$\text{I. } \text{Re}(\overline{z_1 + z_2}) \leq \text{Im}(\overline{z_1 + z_2})$$

$$\text{II. } |z_3 \cdot z_4| = \sqrt{5}$$

O menor argumento de todos os complexos que satisfazem, simultaneamente, as relações I e II é

- (A) $\pi/6$
- (B) 0
- (C) $\pi/2$
- (D) $\pi/3$

QUESTÃO 35 (IME 2014)

O lugar geométrico no plano complexo de $w = z + 1/z$, sendo z número complexo tal que $|z| = k$ e $k > 1$, é um(a):

- (A) segmento de reta
- (B) circunferência
- (C) hipérbole
- (D) elipse
- (E) parábola

QUESTÃO 36 (IME 2013)

Para o número complexo z que descreve o lugar geométrico representado pela desigualdade $|z - 26i| \leq 10$, sejam α_1 e α_2 os valores máximo e mínimo de seu argumento. O valor de $|\alpha_1 - \alpha_2|$ é

- (A) $\pi - \tan^{-1}\left(\frac{5}{12}\right)$
- (B) $2 \cdot \tan^{-1}\left(\frac{5}{13}\right)$
- (C) $\tan^{-1}\left(\frac{5}{13}\right)$
- (D) $2 \cdot \tan^{-1}\left(\frac{5}{12}\right)$
- (E) $2 \cdot \tan^{-1}\left(\frac{12}{5}\right)$

QUESTÃO 37 (EN 2013)

Os números complexos z e w são representados no plano xy , pelos pontos A e B , respectivamente. Se $z = 2w + 5wi$ $w \neq 0$ e sabendo-se que a soma dos quadrados das coordenadas do ponto B é 25, então o produto escalar de \vec{OA} por \vec{OB} , onde O é a origem é,

- (A) 25/2
- (B) 25/3
- (C) 25/4
- (D) 50
- (E) 50/3

QUESTÃO 38 (EN 2013)

Qual o menor valor de n, n inteiro maior que zero, para que $(1 + i)^n$ seja um número real?

- (A) 2
- (B) 3
- (C) 4
- (D) 5
- (E) 6

QUESTÃO 39 (ITA 2013)

Considere o polinômio complexo $z^4 + \alpha z^3 + 5z^2 - iz - 6$, em que α é uma constante complexa. Sabendo que $2i$ é uma das raízes de $p(z) = 0$, as outras três raízes são

- (A) $-3i, -1, 1$.
- (B) $-i, i, 1$.
- (C) $-i, i, -1$.
- (D) $-2i, -1, 1$.
- (E) $-2i, -i, i$.

QUESTÃO 40 (ITA 2013)

Sejam $z, w \in \mathbb{C}$. Das afirmações:

I. $|z + w|^2 + |z - w|^2 = 2(|z|^2 + |w|^2)$;

II. $(z + \bar{w})^2 - (z - \bar{w})^2 = 4z\bar{w}$;

III. $|z + w|^2 - |z - w|^2 = 4 \operatorname{Re}(z\bar{w})$,

é (são) verdadeira(s)

- (A) apenas I.
- (B) apenas I e II.
- (C) apenas I e III.
- (D) apenas II e III.
- (E) todas.

QUESTÃO 41 (ITA 2013)

Se $z \in \mathbb{C}$, então $z^6 - 3|z|^4(z^2 - \bar{z}^2) - \bar{z}^6$ é igual a

- (A) $(z^2 - \bar{z}^2)^3$.
- (B) $z^6 - \bar{z}^6$.
- (C) $(z^3 - \bar{z}^3)^2$.
- (D) $(z - \bar{z})^6$.
- (E) $(z - \bar{z})^2(z^4 - \bar{z}^4)$.

QUESTÃO 42 (EsPCEEx 2013)

De todos os números complexos z que satisfazem a condição $|z - (2 - 2i)| = 1$, existe um número complexo z_1 que fica mais próximo da origem. A parte real desse número complexo z_1 é igual a:

- (A) $\frac{4 - \sqrt{2}}{2}$
- (B) $\frac{4 + \sqrt{2}}{2}$
- (C) $\frac{4 - \sqrt{2}}{4}$
- (D) $\frac{4 + \sqrt{2}}{4}$
- (E) $\frac{\sqrt{2}}{2}$

QUESTÃO 43 (EsPCEX 2013)

Seja z o número complexo obtido na rotação de 90° , em relação à origem, do número complexo $1 + i$, determine z^3 :

- (A) $1 - i$
- (B) $-1 + i$
- (C) $-2i$
- (D) $-1 - 2i$
- (E) $2 + 2i$

QUESTÃO 44 (IME 2012)

Seja o número complexo $z = \frac{a}{ib(1+ib)^2}$, onde a e b são números reais positivos e $i = \sqrt{-1}$. Sabendo que o módulo e o argumento de z valem, respectivamente, 1 e $(-\pi)$ rad, o valor de a é

- (A) $1/4$
- (B) $1/2$
- (C) 1
- (D) 2
- (E) 4

QUESTÃO 45 (AFA 2012)

Considerando os números complexos z_1 e z_2 , tais que:

- z_1 é a raiz cúbica de $8i$ que tem afixo no segundo quadrante
- z_2 é raiz da equação $x^4 + x^2 - 12 = 0$ e $\text{Im}(z_2) > 0$

Pode-se afirmar que $|z_1 + z_2|$ é igual a

- (A) $2\sqrt{3}$
- (B) $3 + \sqrt{3}$
- (C) $1 + 2\sqrt{2}$
- (D) $2 + 2\sqrt{2}$

QUESTÃO 46 (EN 2012)

Seja p a soma dos módulos das raízes da equação $x^3 + 8 = 0$ e q o módulo do número complexo Z , tal que $Z\bar{Z} = 108$, onde \bar{Z} é o conjugado de Z . Uma representação trigonométrica do número complexo $p+qi$ é

- (A) $12 \left(\cos \frac{\pi}{3} + i \text{sen} \frac{\pi}{3} \right)$
- (B) $20 \left(\cos \frac{\pi}{3} + i \text{sen} \frac{\pi}{3} \right)$
- (C) $12 \left(\cos \frac{\pi}{6} + i \text{sen} \frac{\pi}{6} \right)$
- (D) $20\sqrt{2} \left(\cos \frac{\pi}{6} + i \text{sen} \frac{\pi}{6} \right)$
- (E) $10 \left(\cos \frac{\pi}{3} + i \text{sen} \frac{\pi}{3} \right)$

QUESTÃO 47 (EsPCEEx 2012)

Seja a função $f(x) = \begin{cases} 2x-1, & \text{se } x \text{ for racional} \\ 2x^4, & \text{se } x \text{ for irracional} \\ x^2+8, & \text{se } x \text{ for não real} \end{cases}$

Assim, o valor de $f\left(\frac{1}{2}\right) + f(i^{64} + 5i^{110}) + f\left(f\left(\sqrt{-2}\right)\right)$, em que $i^2 = -1$ é

- (A) 0
- (B) 1
- (C) 2
- (D) 3
- (E) 4

QUESTÃO 48 (EsPCEEx 2012)

Seja \bar{z} o conjugado do número complexo z e i a unidade imaginária, o número complexo z que satisfaz à condição $z + 2\bar{z} = 2 - zi$ é

- (A) $z = 0 + 1i$
- (B) $z = 0 + 0i$
- (C) $z = 1 + 0i$
- (D) $z = 1 + i$
- (E) $z = 1 - i$

QUESTÃO 49 (EsPCEEx 2012)

A figura geométrica formada pelos afijos das raízes complexas da equação $x^3 - 8 = 0$ tem área igual a

- (A) $7\sqrt{3}$
- (B) $6\sqrt{3}$
- (C) $5\sqrt{3}$
- (D) $4\sqrt{3}$
- (E) $3\sqrt{3}$

QUESTÃO 50 (ITA 2012)

Considere a equação em \mathbb{C} , $(z - 5 + 3i)^4 = 1$. Se z_0 é a solução que apresenta o menor argumento principal dentre as quatro soluções, então o valor de $|z_0|$ é:

- (A) $\sqrt{29}$.
- (B) $\sqrt{41}$.
- (C) $3\sqrt{5}$.
- (D) $4\sqrt{3}$.
- (E) $3\sqrt{6}$.

QUESTÃO 51 (ITA 2012)

A soma das raízes da equação em \mathbb{C} , $z^8 - 17z^4 + 16 = 0$, tais que $z - |z| = 0$, é:

- (A) 1.
- (B) 2.
- (C) 3.
- (D) 4.
- (E) 5.

QUESTÃO 52 (AFA 2011)

O valor de n tal que $\sum_{j=1}^n (1+i)^j = 31+i$, sendo i a unidade imaginária, é

- (A) par menor que 10
- (B) primo maior que 8
- (C) ímpar menor que 7
- (D) múltiplo de 9

QUESTÃO 53 (AFA 2011)

A solução da equação $|z| + z = 1+3i$ é um número complexo de módulo:

- (A) $5/4$
- (B) 5
- (C) $\sqrt{5}$
- (D) $\sqrt{5}/2$
- (E) $5/2$

QUESTÃO 54 (EFOMM 2011)

Considere a sequência cujo termo é dado por $a_n = 4^{3-n} + i4^{4-n}$, $n \in \mathbb{N}^*$. Se i é a unidade imaginária, o módulo da soma dos infinitos termos dessa sequência é:

- (A) $\frac{2\sqrt{7}}{3}$
- (B) $\frac{(2^2)\sqrt{7}}{3}$
- (C) $\frac{(2^3)\sqrt{17}}{3}$
- (D) $\frac{(2^4)\sqrt{17}}{3}$
- (E) $\frac{(2^6)\sqrt{17}}{3}$

QUESTÃO 55 (ITA 2011)

Considere um polinômio $p(x)$, de grau 5, com coeficientes reais. Sabe-se que $-2i$ e $i-\sqrt{3}$ são duas de suas raízes. Sabe-se, ainda, que dividindo-se $p(x)$ pelo polinômio $q(x) = x - 5$ obtém-se resto zero e que $p(1) = 20(5 + 2\sqrt{3})$. Então, $p(-1)$ é igual a

- (A) $5(5 - 2\sqrt{3})$.
- (B) $15(5 - 2\sqrt{3})$.
- (C) $30(5 - 2\sqrt{3})$.
- (D) $45(5 - 2\sqrt{3})$.
- (E) $50(5 - 2\sqrt{3})$.

QUESTÃO 56 (ITA 2011)

Se $\arg z = \frac{\pi}{4}$, então um valor para $\arg(-2iz)$ é

- (A) $-\frac{\pi}{2}$.
- (B) $\frac{\pi}{4}$.
- (C) $\frac{\pi}{2}$.
- (D) $\frac{3\pi}{4}$.
- (E) $\frac{7\pi}{4}$.

QUESTÃO 57 (ITA 2011)

Sejam $z = n^2(\cos 45^\circ + i \sen 45^\circ)$ e $w = n(\cos 15^\circ + i \sen 15^\circ)$, em que n é o menor inteiro positivo tal que $(1 + i)^n$ é real. Então, $\frac{z}{w}$ é igual a

- (A) $\sqrt{3} + i$.
- (B) $2(\sqrt{3} + i)$.
- (C) $2(\sqrt{2} + i)$.
- (D) $2(\sqrt{2} - i)$.
- (E) $2(\sqrt{3} - i)$.

QUESTÃO 58 (IME 2011)

As raízes cúbicas da unidade, no conjunto dos números complexos, são representadas por $1, w$ e w^2 , onde w é um número complexo. O intervalo que contém o valor de $(1 - w)^6$ é:

- (A) $(-\infty, -30]$
- (B) $(-30, -10]$
- (C) $(-10, 10]$
- (D) $(10, 30]$
- (E) $(30, \infty)$

QUESTÃO 59 (EN 2011)

Seja $i = \sqrt{-1}$, $n \in \mathbb{N}$, $z = \{i^{8n-5} + i^{4n-8}\}^3 + 2i$ e $P(x) = -2x^3 + x^2 - 5x + 11$ um polinômio sobre o conjunto dos números complexos, então $P(z)$ vale

- (A) $-167 + 4i$
- (B) $41 + 0i$
- (C) $-167 - 4i$
- (D) $41 + 2i$
- (E) $0 + 4i$

QUESTÃO 60 (EsPCEX 2011)

Seja a função complexa $P(x) = 2x^3 - 9x^2 + 14x - 5$. Sabendo-se que $2+i$ é raiz de P , o intervalo I de números reais que faz $P(x) < 0$, para todo $x \in I$ é

- (A) $] -\infty, 1/2 [$
- (B) $] 0, 1 [$
- (C) $] 1/4, 2 [$
- (D) $] 0, +\infty [$
- (E) $] -1/4, 3/4 [$

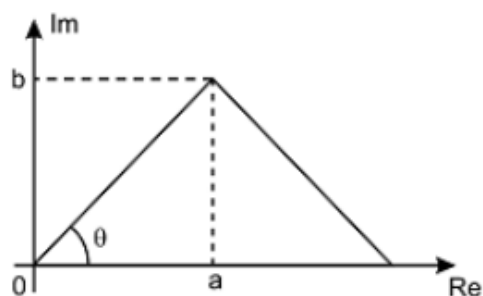
QUESTÃO 61 (EsPCEX 2011)

Seja o número complexo $z = \frac{x+yi}{3+4i}$, com x e y reais e $i^2 = -1$. Se $x^2 + y^2 = 20$, então o módulo de z é igual a :

- (A) 0
- (B) $\sqrt{5}$
- (C) $2\sqrt{5}/5$
- (D) 4
- (E) 10

QUESTÃO 62 (AFA 2010)

O número complexo $z = a + bi$ é vértice de um triângulo equilátero, como mostra a figura abaixo.



É correto afirmar que o conjugado de z^2 tem afixo que pertence ao

- (A) 1º quadrante.
- (B) 2º quadrante.
- (C) 3º quadrante.
- (D) 4º quadrante.

QUESTÃO 63 (EFOMM 2010)

Sejam os números complexos z tais que $\frac{1}{3}|z| = |\overline{z+1}|$. O lugar geométrico das imagens desses números complexos é uma

- (A) parábola
- (B) reta
- (C) circunferência de raio $3/8$
- (D) circunferência de raio $3/2$
- (E) hipérbole

QUESTAO 64 (ITA 2010)

A soma de todas as soluções da equação em \mathbb{C} : $z^2 + |z|^2 + iz - 1 = 0$ é igual a

- (A) 2
- (B) $i/2$.
- (C) 0.
- (D) $-1/2$
- (E) $-2i$

QUESTÃO 65 (ITA 2010)

Das afirmações abaixo sobre números complexos z_1 e z_2 : I - $|z_1 - z_2| \leq ||z_1| - |z_2||$. II - $|\overline{z_1} \cdot z_2| = ||\overline{z_1}| \cdot |z_2||$. III - Se $z_1 = |z_1|(\cos \theta + i \sin \theta) \neq 0$, então $z_1^{-1} = |z_1|^{-1}(\cos \theta - i \sin \theta)$.

- (A) apenas I.
- (B) apenas II.
- (C) apenas III.
- (D) apenas II e III.
- (E) todas.

QUESTÃO 66 (ITA 2010)

Dado $z = 1/2(-1 + \sqrt{3}i)$, então $\sum_{n=1}^{89} z^n$ é igual a

- (A) $-89/2\sqrt{3}i$
- (B) -1 .
- (C) 0.
- (D) 1
- (E) $89/6\sqrt{3}i$

QUESTÃO 67 (EN 2010)

A inequação $x^2 - 6x \leq 2 + px + c$ tem como solução o intervalo $[0, 2]$ onde $p, c \in \mathbb{R}$. Seja q a maior raiz da equação $4^{|x+1|} = 16 \cdot 2^{|x+1|} - 64$. A representação trigonométrica do número complexo $p + iq$ é

- (A) $2\sqrt{3}(\cos 5\pi/3 + i \sin 5\pi/3)$
- (B) $2\sqrt{2}(\cos 3\pi/4 + i \sin 3\pi/4)$
- (C) $\sqrt{2}(\cos \pi/6 + i \sin \pi/6)$
- (D) $2\sqrt{3}(\cos \pi/3 + i \sin \pi/3)$
- (E) $2\sqrt{2}(\cos 7\pi/4 + i \sin 7\pi/4)$

QUESTÃO 68 (ITA 2009)

Os argumentos principais das soluções da equação em z ,

$$iz + 3\bar{z} + (z + \bar{z})^2 - i = 0,$$

pertencem a

- (A) $] \pi/4, 3\pi/4[$.
- (B) $] 3\pi/4, 5\pi/4 [$.
- (C) $]5\pi/4, 3\pi/2 [$.
- (D) $] \pi/4, \pi/2[\cup] 3\pi/2, 7\pi/4 [$.
- (E) $] 0, \pi/4[\cup] 7\pi/4, 2\pi[$.

QUESTÃO 69 (ITA 2009)

Se z é uma solução da equação em \mathbb{C} ,

$$z - \bar{z} + |z|^2 = - \left[(\sqrt{2} + i) \left(\frac{\sqrt{2} - 1}{3} - i \frac{\sqrt{2} + 1}{3} \right) \right]^{12},$$

pode-se afirmar que

- (A) $i(z - \bar{z}) < 0$.
- (B) $i(z - \bar{z}) > 0$.
- (C) $|z| \in [5, 6]$.
- (D) $|z| \in [6, 7]$.
- (E) $\left| z + \frac{1}{\bar{z}} \right| > 8$.

QUESTÃO 70 (IME 2009)

Considere o sistema abaixo, onde x_1, x_2, x_3 e Z pertencem ao conjunto dos números complexos.

$$\begin{cases} (1+i)x_1 - ix_2 + ix_3 = 0 \\ 2ix_1 - x_2 - x_3 = Z \\ (2i-2)x_1 + ix_2 - ix_3 = 0 \end{cases}$$

O argumento de Z , em graus, para que x_3 seja um número real positivo é:

Obs.: $i = \sqrt{-1}$

- (A) 0°
- (B) 45°
- (C) 90°
- (D) 135°
- (E) 180°

QUESTÃO 71 (AFA 2009)

Sejam $z = x + yi$ ($x \in \mathbb{R}^*$, $y \in \mathbb{R}^*$ e i a unidade imaginária), \bar{z} o conjugado de z e λ o lugar geométrico dos pontos $P(x, y)$ do plano cartesiano para os quais $z \cdot \bar{z} = 2x + 3$

Se **A** e **B** são os pontos de interseção de λ com o eixo \overrightarrow{Oy} e se **A'** é o ponto de interseção de λ com o eixo \overrightarrow{Ox} que possui a menor abscissa, então a área do triângulo **A'AB** é, em unidades de área, igual a

- (A) $2\sqrt{3}$
- (B) $2\sqrt{2}$
- (C) $\sqrt{3}$
- (D) $\sqrt{2}$

QUESTÃO 72 (EFOMM 2009)

Considere o conjunto dos números complexos Z com a propriedade $|Z+169i| \leq 65$, admitindo que i é a unidade imaginária. O elemento desse conjunto que possui o maior argumento θ , $0 \leq \theta < 2\pi$, é igual a

- (A) $60 - 144i$
- (B) $65 - 169i$
- (C) $-104i$
- (D) $-65 - 169i$
- (E) $65 - 156i$

GABARITO:

- 1: C 2: C 3: A 4: C 5: D 6: A 7: A 8: A 9: D 10: B 11: D 12: E 13: B 14: C
- 15: B 16: D 17: C 18: A 19: E 20: B
- 21: A 22: C 23: D 24: A 25: E 26: C 27: C 28: B 29: E 30: B 31: C 32: A
- 33: D 34: D 35: D 36: D 37: D 38: C 39: A 40: E
- 41: A 42: B 43: E 44: D 45: A 46: A 47: C 48: D 49: E 50: B 51: C 52: D
- 53: B 54: E 55: C 56: E 57: B 58: B 59: B 60: A
- 61: C 62: C 63: C 64: E 65: C 66: B 67: B 68: C 69: E 70: E 71: C 72: A