



CÔNICAS

QUESTÃO 1 (EsPCEEx 2018)

Uma hipérbole tem focos $F_1(-5,0)$ e $F_2(5,0)$ e passa pelos pontos $P(3,0)$ e $Q(4,y)$, com $y > 0$. O triângulo com vértices em F_1 , P e Q tem área igual a

- (A) $16\sqrt{7/3}$.
- (B) $16\sqrt{7/5}$.
- (C) $32\sqrt{7/3}$.
- (D) $8\sqrt{7/3}$.
- (E) $8\sqrt{7/5}$.

QUESTÃO 2 (EN 2018)

Um Aspirante da Escola Naval observou que intersectando a superfície $S: 2x^2 - y^2 + 4z^2 = 1$ com planos paralelos aos planos coordenados ele poderia obter, em cada plano, uma cônica. O Aspirante anota em cartões a equação de cada plano cuja intersecção com S seja uma cônica de distância focal igual a $\sqrt{6}$. Se ele anotou apenas uma equação por cartão, qual a quantidade de cartões que apresenta uma equação cuja intersecção com S é uma hipérbole?

- (A) 1
- (B) 2
- (C) 3
- (D) 4
- (E) 5

QUESTÃO 3 (EN 2018)

Sejam a elipse de equação $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{25} = 1$ e o ponto $P(8,0)$. Duas retas r e s , que passam por P , tangenciam a elipse nos pontos A e B , respectivamente. Sendo assim, a área do triângulo ABP é igual a:

- (A) 40
- (B) $15\sqrt{3}$
- (C) $\frac{80\sqrt{3}}{3}$
- (D) $\frac{35\sqrt{15}}{4}$
- (E) $21\sqrt{3}$

QUESTÃO 4 (AFA 2018)

No plano cartesiano, os focos F_1 e F_2 da elipse $\alpha: \frac{x^2}{36} + \frac{y^2}{32} = 1$ são pontos diametralmente opostos da circunferência λ e coincidem com as extremidades do eixo real de uma hipérbole equilátera β

É **INCORRETO** afirmar que

- (A) $\alpha \cap \beta \cap \lambda = \emptyset$
- (B) $\lambda \cap \beta = \{F_1, F_2\}$
- (C) $\alpha \cap \beta = \{A, B, C, D\}$, sendo A, B, C, D pontos distintos.
- (D) $\alpha \cap \lambda \neq \emptyset$

QUESTÃO 5 (IME 2017)

Seja uma elipse com focos no eixo OX e centrada na origem. Seus eixos medem 10 e $20/3$. Considere uma hipérbole tal que os focos da elipse são os vértices da hipérbole e os focos da hipérbole são os vértices da elipse. As parábolas que passam pelas interseções entre a elipse e a hipérbole e que são tangentes ao eixo OY, na origem, têm as seguintes equações:

(A) $y^2 = \pm 2 \frac{\sqrt{35}}{7} x$

(B) $y^2 = \pm 4 \frac{\sqrt{5}}{7} x$

(C) $y^2 = \pm 6 \frac{\sqrt{5}}{7} x$

(D) $y^2 = \pm 6 \frac{\sqrt{35}}{7} x$

(E) $y^2 = \pm 8 \frac{\sqrt{35}}{63} x$

QUESTÃO 6 (EsPCEEx 2017)

Uma elipse tem centro na origem e vértices em $(2a, 0)$ e $(0, a)$, com $a > 0$. A área do quadrado inscrito nessa elipse é

(A) $\frac{16a^2}{5}$.

(B) $\frac{4a^2}{5}$.

(C) $\frac{12a^2}{5}$.

(D) $\frac{8a^2}{5}$.

(E) $\frac{20a^2}{5}$.

QUESTÃO 7 (AFA 2017)

No plano cartesiano, os pontos $P(x,y)$ satisfazem a equação $\frac{(x-1)^2}{25} + \frac{(y+2)^2}{9} = 1$ da curva λ

Se F_1 e F_2 são os focos de λ , tais que a abscissa de F_1 é menor que a abscissa de F_2 , é INCORRETO afirmar que

(A) a soma das distâncias de P a F_1 e de P a F_2 é igual a 10

(B) F_1 coincide com o centro da curva $x^2 + y^2 + 6x - 4y = 0$

(C) F_2 é exterior a $x^2 + y^2 = 25$

(D) o ponto de abscissa máxima de λ pertence à reta $y = x - 8$

QUESTÃO 8 (EN 2017)

Seja $P(x,y)$ um ponto da elipse $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$, de focos F_1 e F_2 e excentricidade e . Calcule $\overline{PF_1} \cdot \overline{PF_2}$ e assinale a opção correta.

- (A) $ex^2 + a(1 + 2e^2)$
- (B) $e^2x - a^2(1 + e)$
- (C) $e^2x^2 + a^2(1 - 2e)$
- (D) $e^2x - a(1 + e^2)$
- (E) $e^2x^2 + a^2(1 - 2e^2)$

QUESTÃO 9 (EsPCEEx 2016)

Os valores reais de n para os quais a reta $(t) y=x+n$ seja tangente à elipse de equação $2x^2 + 3y^2=6$ são iguais a

- (A) $-\sqrt{5}$ e $\sqrt{5}$
- (B) $-\sqrt{3}$ e $\sqrt{3}$
- (C) -3 e 3
- (D) -2 e 2
- (E) -5 e 5

QUESTÃO 10 (EN 2014)

Sejam $y = m_1x + b_1$ e $y = m_2x + b_2$ as equações das retas tangentes à elipse $x^2 + 4y^2 - 16y + 12 = 0$ que passara pelo ponto $P(0,0)$. O valor de $(m_1^2 + m_2^2)$ é

- (A) 1
- (B) $3/4$
- (C) $3/2$
- (D) 2
- (E) $5/2$

QUESTÃO 11 (EsPCEEx 2014)

Uma reta t passa pelo ponto $A(-3,0)$ e é tangente à parábola de equação $x=3y^2$ no ponto P . Assinale a alternativa que apresenta uma solução correta de acordo com essas informações.

- (A) $tx-10y+3=0$ e $P(27, 3)$
- (B) $t2x-15y+6=0$ e $P(12, 2)$
- (C) $t2x+15y+6=0$ e $P(12, -2)$
- (D) $ty=0$ e $P(0, 0)$
- (E) $tx+6y+3=0$ e $P(3, -1)$

QUESTÃO 12 (EsPCEEx 2014)

Os vértices e os focos da hipérbole H coincidem, respectivamente, com os focos e os vértices da elipse $E: x^2 + 5y^2 = 20$. A razão entre a excentricidade de H e a de E é igual a:

- (A) $5/8$.
- (B) $4/5$
- (C) 1.
- (D) $5/4$.
- (E) $8/5$.

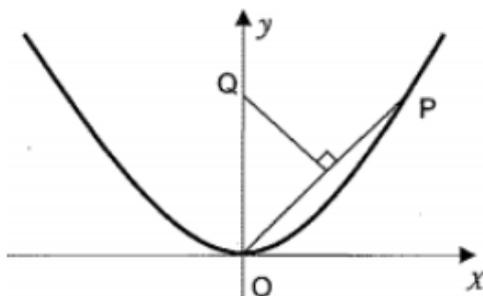
QUESTÃO 13 (IME 2013)

Uma elipse cujo centro encontra-se na origem e cujos eixos são paralelos ao sistema de eixos cartesianos possui comprimento da semi-distância focal igual a $\sqrt{3}$ e excentricidade igual a $\sqrt{3}/2$. Considere que os pontos A, B, C e D representam as interseções da elipse com as retas de equações $y = x$ e $y = -x$. A área do quadrilátero ABCD é

- (A) 8
- (B) 16
- (C) $16/3$
- (D) $16/5$
- (E) $16/7$

QUESTÃO 14 (EN 2013)

A figura abaixo mostra um ponto $P \neq O$, O origem, sobre a parábola $y = x^2$ e o ponto Q , interseção da mediatriz do segmento OP com o eixo y . A medida que P tende à origem ao longo da parábola, o ponto Q se aproxima do ponto



- (A) $(0, 0)$
- (B) $(0, \frac{1}{8})$
- (C) $(0, \frac{1}{6})$
- (D) $(0, \frac{1}{4})$
- (E) $(0, \frac{1}{2})$

QUESTÃO 15 (EN 2013)

A equação $4x^2 - y^2 - 32x + 8y + 52 = 0$, no plano xy , representa

- (A) duas retas
- (B) uma circunferência
- (C) uma elipse
- (D) uma hipérbole
- (E) uma parábola

QUESTÃO 16 (EsPCEEx 2013)

Sobre a curva $9x^2 + 25y^2 - 36x + 50y - 164 = 0$, assinale a alternativa correta.

- (A) Seu centro é $(-2,1)$.
- (B) A medida do seu eixo maior é 25.
- (C) A medida do seu eixo menor é 9
- (D) A distância focal é 4.
- (E) Sua excentricidade é 0,8.

QUESTÃO 17 (EN 2012)

Considere a sequência $(a,b,2)$ uma progressão aritmética e a sequência $(b,a,2)$ uma progressão geométrica não constante, $a,b \in \mathbb{R}$ A equação da reta que passa pelo ponto (a,b) e pelo vértice da curva $y^2 - 2y + x + 3 = 0$

- (A) $6y - x - 4 = 0$
- (B) $2x - 4y - 1 = 0$
- (C) $2x - 4y + 1 = 0$
- (D) $x + 2y = 0$
- (E) $x - 2y = 0$

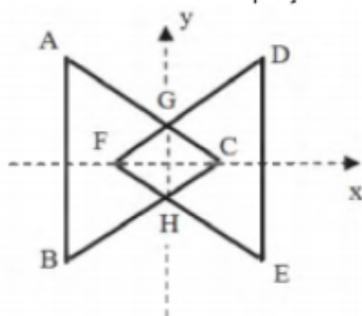
QUESTÃO 18 (IME 2011)

A equação da reta tangente à curva de equação $x^2 + 4y^2 - 100 = 0$ no ponto $P(8,3)$ é:

- (A) $2x + 3y - 25 = 0$
- (B) $x + y - 11 = 0$
- (C) $3x - 2y - 18 = 0$
- (D) $x + 2y - 14 = 0$
- (E) $3x + 2y - 30 = 0$

QUESTÃO 19 (IME 2011)

Os triângulos ABC e DEF são equiláteros com lados iguais a m . A área da figura FHCG é igual à metade da área da figura ABHFG. Determine a equação da elipse de centro na origem e eixos formados pelos segmentos FC e GH.

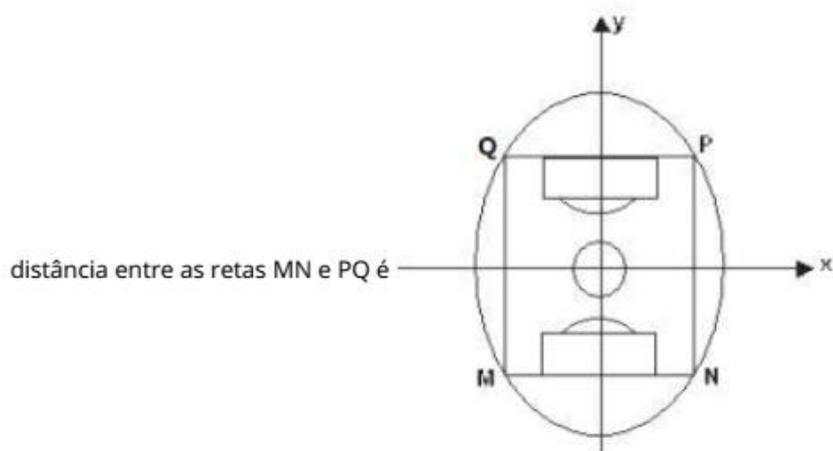


- (A) $48x^2 + 36y^2 - \sqrt{2} m^2 = 0$
- (B) $8x^2 + 16y^2 - \sqrt{3} m^2 = 0$
- (C) $16x^2 + 48y^2 - 3m^2 = 0$
- (D) $8x^2 + 24y^2 - m^2 = 0$
- (E) $16x^2 - 24y^2 - m^2 = 0$

QUESTÃO 20 (EsPCEX 2011)

Num estádio de futebol em forma de elipse, o gramado é o retângulo MNPQ, inscrito na cônica, conforme mostra a figura. Escolhendo o sistema de coordenadas cartesianas indicado e tomado o metro como unidade, a elipse é descrita pela

equação $\frac{x^2}{36^2} + \frac{y^2}{60^2} = 1$. Sabe-se também que os focos da elipse estão situados em lados do retângulo MNPQ. Assim, a



- (A) 48m
- (B) 68m
- (C) 84m
- (D) 92m
- (E) 96m

QUESTÃO 21 (EsPCEX 2011)

A representação no sistema cartesiano ortogonal da equação $9x^2 - y^2 = 36x + 8y - 11$ é dada por

- (A) duas retas concorrentes.
- (B) uma circunferência.
- (C) uma elipse
- (D) uma parábola.
- (E) uma hipérbole.

QUESTÃO 22 (IME 2010)

Uma reta, com coeficiente angular a_1 , passa pelo ponto $(0, -1)$. Uma outra reta, com coeficiente angular a_2 , passa pelo ponto $(0, 1)$. Sabe-se que $a_1^2 + a_2^2 = 2$. O lugar geométrico percorrido pelo ponto de interseção das duas retas é uma:

- (A) hipérbole de centro $(0, 0)$ e retas diretrizes $y = \pm \sqrt{2}/2$
- (B) circunferência de centro (a_1, a_2) e raio $\sqrt{a_1^2 + a_2^2}$
- (C) hipérbole de centro $(0, 0)$ e retas diretrizes $x = \pm \sqrt{2}/2$
- (D) elipse de centro $(0, 0)$ e retas diretrizes $x = \pm \sqrt{2}/2$
- (E) elipse de centro (a_1, a_2) e retas diretrizes $y = \pm \sqrt{2}/2$

QUESTÃO 23 (IME 2009)

Seja M um ponto de uma elipse com centro O e focos F e F' . A reta r é tangente à elipse no ponto M e s é uma reta, que passa por O , paralela a r . As retas suportes dos raios vetores MF e MF' interceptam a reta s em H e H' , respectivamente. Sabendo que o segmento FH mede 2 cm, o comprimento $F'H'$ é:

- (A) 0,5 cm
- (B) 1,0 cm
- (C) 1,5 cm
- (D) 2,0 cm
- (E) 3,0 cm

QUESTÃO 24 (IME 2009)

Sejam ABC um triângulo equilátero de lado 2 cm e r uma reta situada no seu plano, distante 3 cm do seu baricentro. Calcule a área da superfície gerada pela rotação deste triângulo em torno da reta r .

- (A) $8\pi \text{ cm}^2$
- (B) $9\pi \text{ cm}^2$
- (C) $12\pi \text{ cm}^2$
- (D) $16\pi \text{ cm}^2$
- (E) $36\pi \text{ cm}^2$

QUESTÃO 25 (IME 2009)

Uma hipérbole de excentricidade $\sqrt{2}$ tem centro na origem e passa pelo ponto $(\sqrt{5}, 1)$. A equação de uma reta tangente a esta hipérbole e paralela a $y = 2x$ é:

- (A) $\sqrt{3}y = 2\sqrt{3}x + 6$
- (B) $y = -2x + 3\sqrt{3}$
- (C) $3y = 6x + 2\sqrt{3}$
- (D) $\sqrt{3}y = 2\sqrt{3}x + 4$
- (E) $y = 2x + \sqrt{3}$

QUESTÃO 26 (EsFCEX 2009)

Em relação às cônicas, analise as afirmativas abaixo e, a seguir, assinale a alternativa correta.

I. $5x^2 + 5y^2 - 8xy - 9 = 0$ é uma equação da elipse de focos $F_1(-2, -2)$ e $F_2(2, 2)$, cujo eixo menor mede 2 unidades.

II. A reta $r: x + y - 3 = 0$ é tangente à elipse $E: \frac{x^2}{4} + y^2 = 1$

III. Uma hipérbole H tem equação $x^2 - 4y^2 + 2x + 24y - 39 = 0$ então sua forma reduzida é a equação $(x + 1)^2 - \frac{(y - 3)^2}{4} = 1$

IV. O ponto $P(3, 5)$ pertence à hipérbole $H: \frac{(x - 1)^2}{2} - \frac{(y - 2)^2}{9} = 1$

- (A) Somente I, II e IV estão corretas.
- (B) Somente I e IV estão corretas.
- (C) Somente II e III estão corretas.
- (D) Somente III está correta.
- (E) Somente IV está correta.

GABARITO:

1: **A** 2: **E** 3: **B** 4: **D** 5: **E** 6: **A** 7: **B** 8: **E** 9: **A** 10: **C** 11: **E** 12: **D** 13: **D** 14: **E**
15: **D** 16: **E** 17: **D** 18: **A** 19: **D** 20: **E** 21: **E** 22: **C** 23: **D** 24: **E** 25: **A** 26: **B**